

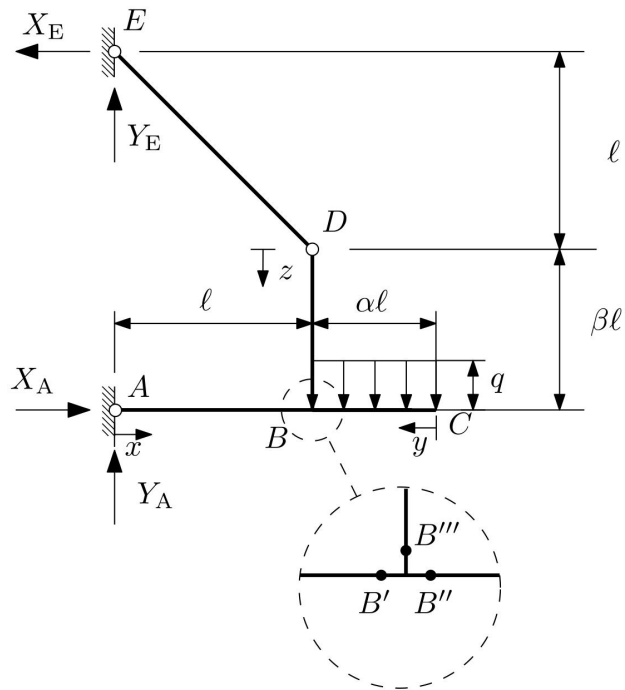
Si riportino nella seguente tabella i risultati normalizzati $\{r_{\#\#}\}$ indicati nel seguito, con precisione di **quattro** cifre significative esatte.

Cognome	
Nome	
Matricola	

I valori dei parametri binari i, j, k sono definiti sulla base delle ultime tre cifre del numero di matricola del candidato, in particolare:

- $i=0$ se il terzultimo numero è pari o zero, $i=1$ se è dispari;
- $j=0$ se il penultimo numero è pari o zero, $j=1$ se è dispari;
- $k=0$ se l'ultimo numero è pari o zero, $k=1$ se è dispari.

Ad esempio, alla matricola 235786 sono associati $i=1$, $j=0$ e $k=0$.



$$\alpha = \frac{1+i}{4+k}, \quad \beta = \frac{3-k+j}{5-k}$$

Considerare la struttura in figura, composta da travi di rigidezza flessionale EJ e caricata sul tratto BC da un carico distribuito uniforme di entità q .

Calcolare le reazioni vincolari:

$$X_A = ql \cdot \{r01\}, Y_A = ql \cdot \{r02\},$$

$$X_E = ql \cdot \{r03\}, Y_E = ql \cdot \{r04\}.$$

Calcolare quindi lo sforzo normale sulla bielletta DE ,

$$N_{DE} = ql \cdot \{r05\},$$

positivo se trattivo, e il valore in modulo del momento flettente sulla struttura ai punti B' , B'' e B''' , nominalmente coincidenti con il punto B della struttura e pensati come appartenenti ai tratti AB , BC e BD rispettivamente,

$$M_{f, B'} = ql^2 \cdot \{r06\}, M_{f, B''} = ql^2 \cdot \{r07\},$$

$$M_{f, B'''} = ql^2 \cdot \{r08\}.$$

Esprimere in funzione del carico distribuito q i momenti flettenti sui tratti AB e CB (positivi se portate in trazione le fibre superiori),

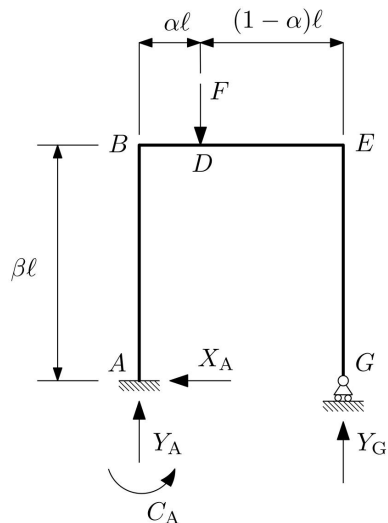
$$M_{f, AB} = q \cdot (\{r09\} \cdot x \cdot l + \{r10\} \cdot x^2 + \{r11\} \cdot l^2),$$

$$M_{f, CB} = q \cdot (\{r12\} \cdot y \cdot l + \{r13\} \cdot y^2 + \{r14\} \cdot l^2),$$

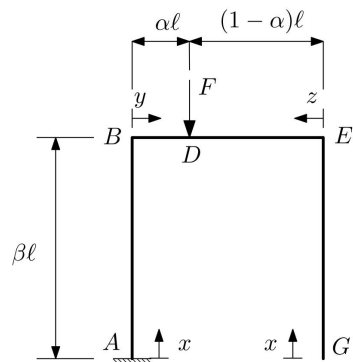
e sul tratto DB (positivo se portate in trazione le fibre sulla sinistra),

$$M_{f, DB} = q \cdot (\{r15\} \cdot z \cdot l + \{r16\} \cdot z^2 + \{r17\} \cdot l^2).$$

Calcolare infine l'energia potenziale elastica della struttura $U = \{r18\} \cdot q^2 l^5 / (EJ)$, trascurando al solito i contributi dovuti a taglio e sforzo normale.



(a)



(b)

Considerare il portale staticamente indeterminato di figura (a), caricato dalla forza concentrata F .

Considerare quindi l'associata struttura principale di figura (b), da completare introducendo l'opportuna azione esploratrice per la soluzione dell'iperstatica mediante il PLV. In particolare:

- considerare la struttura principale di figura (b), soggetta alla sola forza concentrata F ; riportare gli associati valori del momento flettente ai punti A,B,D,E,G,

$$M_{fA} = F \cdot l \cdot \{r19\}, M_{fB} = F \cdot l \cdot \{r20\}, M_{fD} = F \cdot l \cdot \{r21\},$$

$$M_{fE} = F \cdot l \cdot \{r22\}, M_{fG} = F \cdot l \cdot \{r23\},$$

assunti positivi qualora siano portate in trazione le fibre interne al portale.

- considerare quindi la struttura principale di figura (b) soggetta ora alla sola azione esploratrice in modulo unitario e riportare gli associati valori del momento flettente ai punti A,B,D,E,G,

$$M_{fA1} = 1 \cdot l \cdot \{r24\}, M_{fB1} = 1 \cdot l \cdot \{r25\}, M_{fD1} = 1 \cdot l \cdot \{r26\},$$

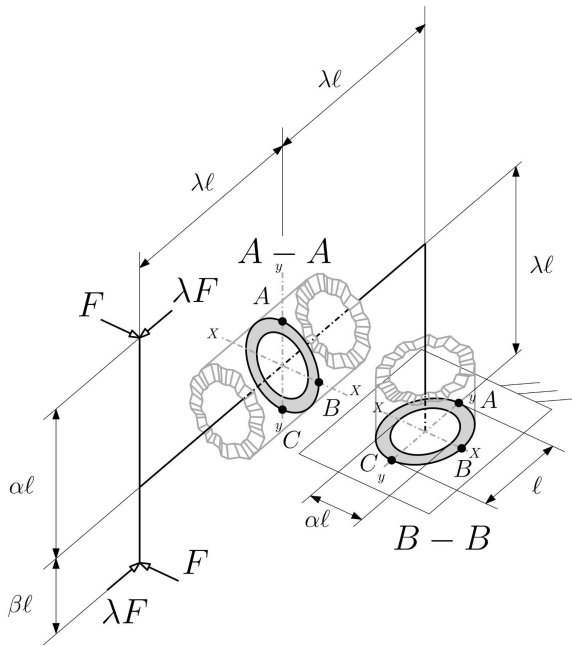
$$M_{fE1} = 1 \cdot l \cdot \{r27\}, M_{fG1} = 1 \cdot l \cdot \{r28\},$$

sempre positivi qualora siano portate in trazione le fibre interne al portale.

- utilizzare infine il PLV per risolvere la struttura staticamente indeterminata di figura (a), e riportare il valore della reazione vincolare iperstatica

$$Y_G = F \cdot \{r29\}$$

e il valore massimo in modulo del momento flettente sulla struttura: $M_{fmax} = F \cdot l \cdot \{r30\}$.



$$\alpha = \frac{1+i}{4+k}, \quad \beta = \frac{3-k+j}{5-k}, \quad \lambda = 2 + 2i + j$$

Si consideri la struttura trapeziforme in figura, incastrata alla base e caricata da forze concentrate agli estremi della traversa e costituita da un profilato a sezione circolare cava di diametro esterno l e diametro interno αl .

Calcolare il modulo di resistenza a flessione della sezione della trave rispetto agli assi xx e yy

$$W_{xx} = W_{yy} = \{r31\} \cdot l^3$$

Calcolare (con segno) le tensioni indotte dal momento flettente ai punti A, B e C della sezione A - A,

$$\sigma_{fA_{AA}} = \{r32\} \cdot F / l^2; \quad \sigma_{fB_{AA}} = \{r33\} \cdot F / l^2;$$

$$\sigma_{fC_{AA}} = \{r34\} \cdot F / l^2$$

e della sezione B-B.

$$\sigma_{fA_{BB}} = \{r35\} \cdot F / l^2; \quad \sigma_{fB_{BB}} = \{r36\} \cdot F / l^2;$$

$$\sigma_{fC_{BB}} = \{r37\} \cdot F / l^2$$

Calcolare (in modulo) le tensioni taglianti indotte dal momento torcente ai punti A, B e C della sezione A - A,

$$\tau_{MtA_{AA}} = \{r38\} \cdot F / l^2; \quad \tau_{MtB_{AA}} = \{r39\} \cdot F / l^2;$$

$$\tau_{MtC_{AA}} = \{r40\} \cdot F / l^2$$

e della sezione B - B.

$$\tau_{MtA_{BB}} = \{r41\} \cdot F / l^2; \quad \tau_{MtB_{BB}} = \{r42\} \cdot F / l^2;$$

$$\tau_{MtC_{BB}} = \{r43\} \cdot F / l^2$$

Calcolare infine le tensioni principali (con segno) ai punti A e C della sola sezione A - A.

$$\sigma_{1A_{AA}} = \{r44\} \cdot F / l^2; \quad \sigma_{2A_{AA}} = \{r45\} \cdot F / l^2$$

$$\sigma_{1C_{AA}} = \{r46\} \cdot F / l^2; \quad \sigma_{2C_{AA}} = \{r47\} \cdot F / l^2$$