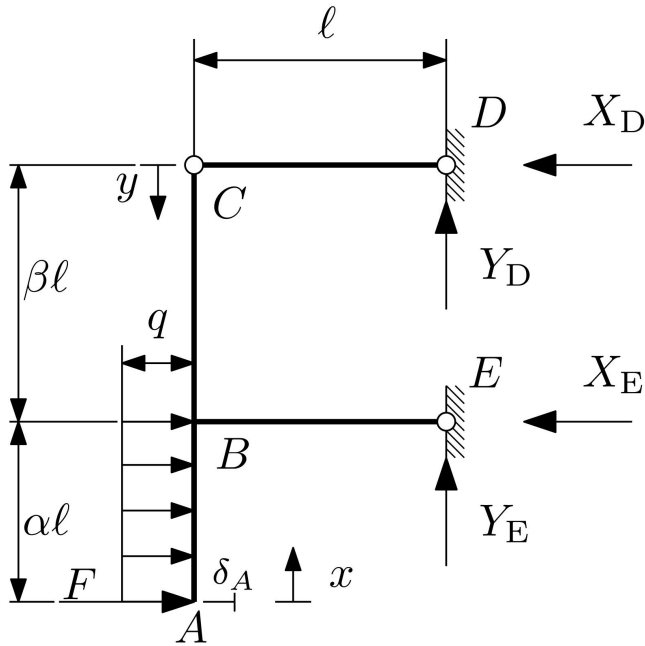


Si riportino sulla tabella dei risultati i risultati normalizzati $\{r_{##}\}$ indicati nel seguito, con precisione di **quattro** cifre significative esatte.

I valori dei parametri binari i,j,k sono definiti sulla base delle ultime tre cifre del numero di matricola del candidato, in particolare:

- $i=0$ se il terzultimo numero è pari o zero, $i=1$ se è dispari;
- $j=0$ se il penultimo numero è pari o zero, $j=1$ se è dispari;
- $k=0$ se l'ultimo numero è pari o zero, $k=1$ se è dispari.

Ad esempio, alla matricola 235786 sono associati $i=1$, $j=0$ e $k=0$.



$$\alpha = \frac{1+i}{4+k}, \quad \beta = \frac{3-k+j}{5-k}$$

Considerare la struttura in figura, composta da travi di rigidezza flessionale EJ e caricata sul tratto AB da un carico distribuito uniforme di entità q e da una forza concentrata F applicata al punto A.

Calcolare le reazioni vincolari dovute al solo carico distribuito q

$$X_{D,q} = ql \cdot \{r01\}, \quad Y_{D,q} = ql \cdot \{r02\},$$

$$X_{E,q} = ql \cdot \{r03\}, \quad Y_{E,q} = ql \cdot \{r04\},$$

e alla sola forza concentrata F

$$X_{D,F} = F \cdot \{r05\}, \quad Y_{D,F} = F \cdot \{r06\},$$

$$X_{E,F} = F \cdot \{r07\}, \quad Y_{E,F} = F \cdot \{r08\}.$$

Calcolare quindi lo sforzo normale complessivo sul tratto CD,

$$N_{CD} = ql \cdot \{r09\} + F \cdot \{r10\}, \text{ positivo se trattivo.}$$

Esprimere quindi, considerando separatamente i contributi del carico distribuito q e della forza concentrata F , il momento flettente sui tratti AB e CB

$$M_{f,AB,q} = q \cdot (\{r11\} \cdot x^2 + \{r12\} \cdot x \cdot l + \{r13\} \cdot l^2)$$

$$M_{f,CB,q} = q \cdot (\{r14\} \cdot y^2 + \{r15\} \cdot y \cdot l + \{r16\} \cdot l^2)$$

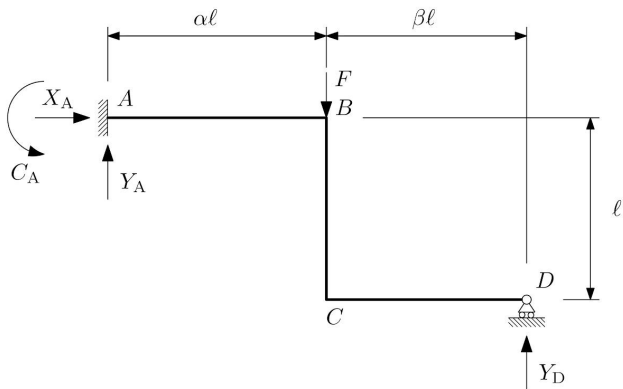
$$M_{f,AB,F} = F \cdot (\{r17\} \cdot x + \{r18\} \cdot l)$$

$$M_{f,CB,F} = F \cdot (\{r19\} \cdot y + \{r20\} \cdot l)$$

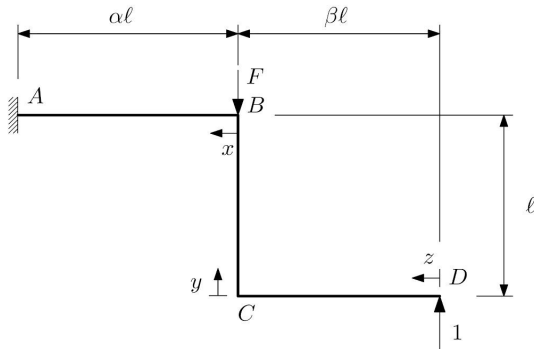
definito positivo se porta in trazione le fibre al fianco destro del tratto ABC.

Calcolare infine lo spostamento orizzontale al punto A utilizzando il teorema di Castigliano

$$\delta_A = ql^k / EJ \cdot \{r21\} + Fl^j / EJ \cdot \{r22\}.$$



(a)



(b)

$$\alpha = \frac{1+i}{4+k}, \quad \beta = \frac{3-k+j}{5-k}$$

Considerare la struttura staticamente indeterminata di figura (a), caricata al punto B dalla forza concentrata F .

Considerare quindi l'associata struttura principale di figura (b), completata con l'inserimento dell'opportuna azione esploratrice unitaria utile per la soluzione dell'iperstatica mediante il PLV. In particolare:

- considerare la struttura principale di figura (b), soggetta alla sola forza concentrata F ; riportare in modulo gli associati valori del momento flettente ai punti A,B,C,D,
 $M_{fA} = F \cdot \ell \cdot \{r23\}$, $M_{fB} = F \cdot \ell \cdot \{r24\}$, $M_{fC} = F \cdot \ell \cdot \{r25\}$,
 $M_{fD} = F \cdot \ell \cdot \{r26\}$.

- considerare quindi la struttura principale di figura (b) soggetta ora alla sola azione esploratrice unitaria e riportare in modulo gli associati valori del momento flettente ai punti A,B,C,D,

$$M_{fA1} = 1 \cdot \ell \cdot \{r27\}, \quad M_{fB1} = 1 \cdot \ell \cdot \{r28\}, \quad M_{fC1} = 1 \cdot \ell \cdot \{r29\},$$

$$M_{fD1} = 1 \cdot \ell \cdot \{r30\}.$$

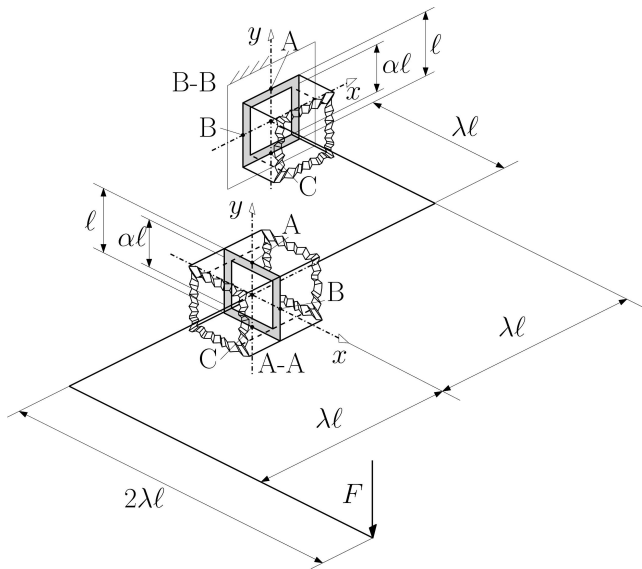
- utilizzare infine il PLV per risolvere la struttura staticamente indeterminata di figura (a), e riportare i valori delle reazioni vincolari:

$$X_A = F \cdot \{r31\}, \quad Y_A = F \cdot \{r32\}, \quad C_A = F \cdot \ell \cdot \{r33\},$$

$$Y_D = F \cdot \{r34\}$$

e il valore massimo in modulo del momento flettente sulla struttura:

$$M_{f_{\max}} = F \cdot \ell \cdot \{r35\}.$$



$$\alpha = \frac{1+i}{4+k}, \quad \beta = \frac{3-k+j}{5-k}, \quad \lambda = 2 + 2i + j$$

Si consideri la struttura trapeiforme a "S" in figura, incastrata ad un estremo e caricata all'altro da una forza concentrata e costituita da un profilato a sezione quadrata cava di lato esterno esterno ℓ e lato interno interno $\alpha\ell$.

Calcolare il modulo di resistenza a flessione rispetto agli assi xx e yy

$$W_{xx} = W_{yy} = \{r36\} \cdot \ell^3$$

Calcolare (con segno) le tensioni indotte dal momento flettente ai punti A, B e C della sezione A-A,

$$\sigma_{fA_AA} = \{r37\} \cdot F / \ell^2; \quad \sigma_{fB_AA} = \{r38\} \cdot F / \ell^2;$$

$$\sigma_{fC_AA} = \{r39\} \cdot F / \ell^2$$

Calcolare (in modulo) attraverso la formula di Bredt le tensioni taglianti indotte dal momento torcente ai punti A, B e C della sezione A-A,

$$\tau_{MtA_AA} = \{r40\} \cdot F / \ell^2; \quad \tau_{MtB_AA} = \{r41\} \cdot F / \ell^2;$$

$$\tau_{MtC_AA} = \{r42\} \cdot F / \ell^2$$

e della sezione B-B.

$$\tau_{MtA_BB} = \{r43\} \cdot F / \ell^2; \quad \tau_{MtB_BB} = \{r44\} \cdot F / \ell^2;$$

$$\tau_{MtC_BB} = \{r45\} \cdot F / \ell^2$$

Calcolare infine le tensioni principali (con segno) ai punti A e C della sola sezione A-A.

$$\sigma_{1A_AA} = \{r46\} \cdot F / \ell^2; \quad \sigma_{2A_AA} = \{r47\} \cdot F / \ell^2$$

$$\sigma_{1C_AA} = \{r48\} \cdot F / \ell^2; \quad \sigma_{2C_AA} = \{r49\} \cdot F / \ell^2$$