

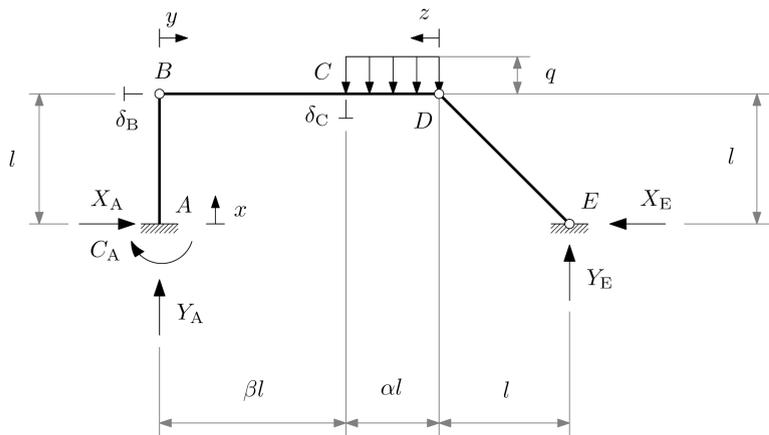
Si riportino nella seguente tabella i risultati normalizzati  $\{r_{##}\}$  indicati nel seguito, con precisione di **quattro** cifre significative esatte.

<b>Cognome</b>	
<b>Nome</b>	
<b>Matricola</b>	
$\{r_{01}\}$	
$\{r_{02}\}$	
$\{r_{03}\}$	
...	
$\{r_{##}\}$	

I valori dei parametri binari  $i,j,k$  sono definiti sulla base delle ultime tre cifre del numero di matricola del candidato, in particolare:

- $i=0$  se il terzultimo numero è pari,  $i=1$  se è dispari;
- $j=0$  se il penultimo numero è pari,  $j=1$  se è dispari;
- $k=0$  se l'ultimo numero è pari,  $k=1$  se è dispari.

Ad esempio, alla matricola 2357**86** sono associati  $i=1$ ,  $j=0$  e  $k=0$ .



$$\alpha = \frac{1+j}{4+k}, \quad \beta = \frac{2+i}{4+k}$$

Considerare la struttura in figura, composta da travi di rigidezza flessionale  $EJ$  e caricata sul tratto  $CD$  da un carico distribuito uniforme di entità  $q$ .

Calcolare le reazioni vincolari:

$$X_A = ql \cdot \{r01\}, \quad Y_A = ql \cdot \{r02\}, \quad C_A = ql^2 \cdot \{r03\},$$

$$X_E = ql \cdot \{r04\}, \quad Y_E = ql \cdot \{r05\}.$$

Calcolare quindi lo sforzo normale sul tratto  $DE$ ,

$$N_{DE} = ql \cdot \{r06\},$$

positivo se trattivo, e il massimo valore in modulo del momento flettente sulla struttura

$$M_{f, \max} = ql^2 \cdot \{r07\}.$$

Esprimere in funzione del carico distribuito  $q$  i momenti flettenti sui tratti  $AB$  (positivo se portate in trazione le fibre sulla sinistra),  $BC$  e  $DC$  (positivi se portate in trazione le fibre inferiori):

$$M_{f, AB} = q \cdot (\{r08\} \cdot x \cdot l + \{r09\} \cdot x^2 + \{r10\} \cdot l^2)$$

$$M_{f, BC} = q \cdot (\{r11\} \cdot y \cdot l + \{r12\} \cdot y^2 + \{r13\} \cdot l^2)$$

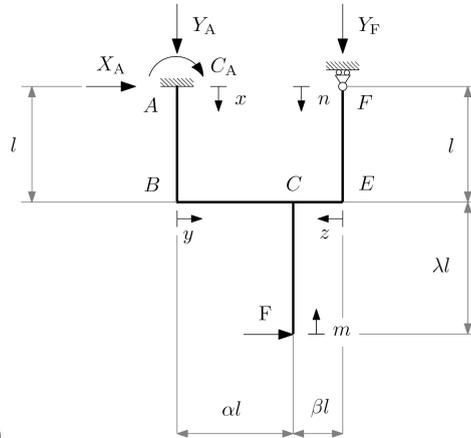
$$M_{f, DC} = q \cdot (\{r14\} \cdot z \cdot l + \{r15\} \cdot z^2 + \{r16\} \cdot l^2).$$

Calcolare lo spostamento in  $B$ , positivo se verso sinistra, utilizzando il corollario di Mohr (si suggerisce in questo passaggio di considerare la sola trave  $AB$ , caricata dalle forze a questa trasmesse in  $B$ )

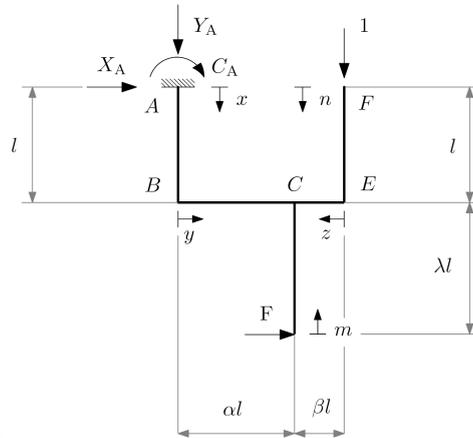
$$\delta_B = \{r17\} \cdot ql^4 / (EJ).$$

Calcolare infine la freccia verticale in  $C$ , positiva se verso il basso, utilizzando il teorema di Castigliano

$$\delta_C = \{r18\} \cdot ql^4 / (EJ).$$



(a)



(b)

$$\alpha = \frac{1+j}{4+k}, \quad \beta = \frac{2+i}{4+k}, \quad \lambda = 2 + 2i + j$$

Considerare la struttura staticamente indeterminata di figura (a), caricata dalla forza concentrata  $F$ .

Al fine di risolvere la struttura si faccia riferimento alla struttura principale di figura (b). In particolare:

- considerare la struttura principale di figura (b), soggetta alla sola forza concentrata  $F$ ; riportare gli associati valori del momento flettente ai punti A,B,E,F,

$$M_{fA} = F \cdot \ell \cdot \{r19\}, \quad M_{fB} = F \cdot \ell \cdot \{r20\}, \quad M_{fE} = F \cdot \ell \cdot \{r21\}, \\ M_{fF} = F \cdot \ell \cdot \{r22\},$$

assunti positivi qualora siano portate in trazione le fibre esterne alla struttura ad "U" ABEF.

- considerare quindi la struttura principale di figura (b) soggetta ora alla sola forza esplorativa unitaria di figura, e riportare gli associati valori del momento flettente ai punti A,B,E,F,

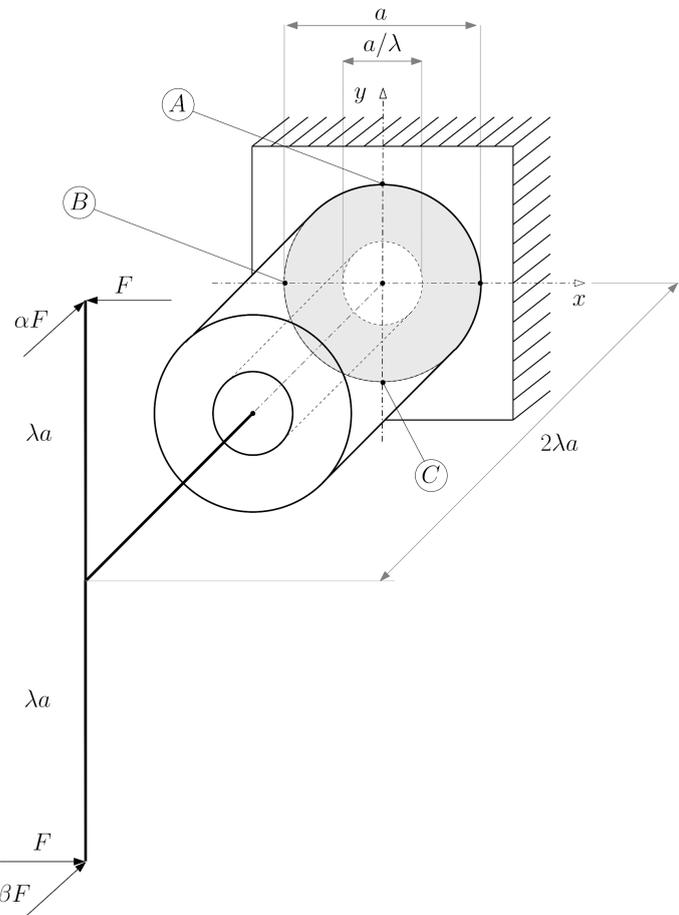
$$M_{fA1} = 1 \cdot \ell \cdot \{r23\}, \quad M_{fB1} = 1 \cdot \ell \cdot \{r24\}, \quad M_{fE1} = 1 \cdot \ell \cdot \{r25\}, \\ M_{fF1} = 1 \cdot \ell \cdot \{r26\},$$

sempre positivi qualora siano portate in trazione le fibre esterne alla struttura ad "U" ABEF.

- utilizzare infine il PLV per risolvere la struttura staticamente indeterminata di figura (a), e riportare i valori delle reazioni vincolari:

$$X_A = F \cdot \{r27\}, \quad Y_A = F \cdot \{r28\}, \quad C_A = F \cdot \ell \cdot \{r29\}, \\ Y_F = F \cdot \{r30\},$$

e il valore massimo in modulo del momento flettente su tale struttura:  $M_{f_{\max}} = F \cdot \ell \cdot \{r31\}$ .



$$\alpha = \frac{1+j}{4+k}, \quad \beta = \frac{2+i}{4+k}, \quad \lambda = 2 + 2i + j$$

Si consideri la struttura trabeiforme a "T" in figura, incastrata ad un estremo del corpo centrale e caricata da forze concentrate alle estremità della traversa, e costituita da un profilato a sezione circolare cava di diametro esterno  $a$  e diametro interno  $a/\lambda$ .  
Calcolare il modulo di resistenza a flessione rispetto agli assi  $xx$  e  $yy$

$$W_{xx} = W_{yy} = \{r32\} \cdot a^3$$

Calcolare (con segno) le tensioni indotte dal momento flettente ai punti A, B e C.

$$\sigma_{fA} = \{r33\} \cdot F/a^2; \quad \sigma_{fB} = \{r34\} \cdot F/a^2$$

$$\sigma_{fC} = \{r35\} \cdot F/a^2$$

Calcolare (con segno) le tensioni indotte dallo sforzo normale ai punti A, B e C.

$$\sigma_{NA} = \{r36\} \cdot F/a^2; \quad \sigma_{NB} = \{r37\} \cdot F/a^2$$

$$\sigma_{NC} = \{r38\} \cdot F/a^2$$

Calcolare (in modulo) le tensioni taglianti indotte dal momento torcente ai punti A, B e C.

$$\tau_{MtA} = \{r39\} \cdot F/a^2; \quad \tau_{MtB} = \{r40\} \cdot F/a^2$$

$$\tau_{MtC} = \{r41\} \cdot F/a^2$$

Calcolare (con segno) quindi le tensioni principali al punto A e al punto C.

$$\sigma_{1A} = \{r42\} \cdot F/a^2; \quad \sigma_{2A} = \{r43\} \cdot F/a^2$$

$$\sigma_{1C} = \{r44\} \cdot F/a^2; \quad \sigma_{2C} = \{r45\} \cdot F/a^2$$