

Si riportino sulla seguente tabella i risultati normalizzati  $\{r_{\#\#}\}$  indicati nel seguito, con precisione di **quattro** cifre significative esatte.

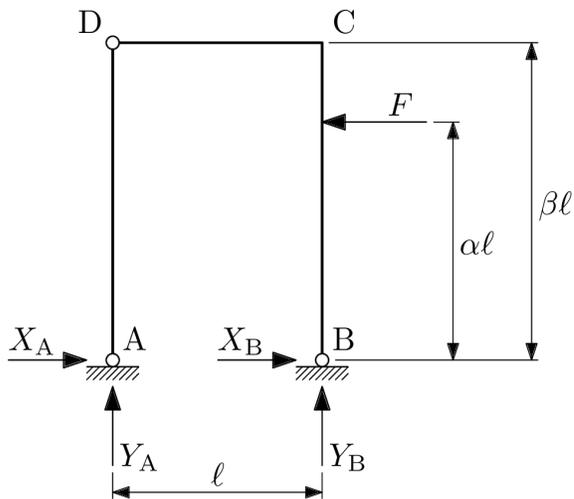
<b>Cognome</b>	
<b>Nome</b>	
<b>Matricola</b>	
$\{r_{01}\}$	
$\{r_{02}\}$	
$\{r_{03}\}$	
...	
$\{r_{34}\}$	

I valori dei parametri binari  $i,j,k$  sono definiti sulla base delle ultime tre cifre del numero di matricola del candidato, in particolare:

- $i=0$  se il terzultimo numero è pari,  $i=1$  se è dispari;
- $j=0$  se il penultimo numero è pari,  $j=1$  se è dispari;
- $k=0$  se l'ultimo numero è pari,  $k=1$  se è dispari.

As esempio, alla matricola 2357**86** sono associati  $i=1$ ,  $j=0$  e  $k=0$ .

[nello scritto effettivamente proposto in data 23/6/2020 si sono assunti per tutti  $i=j=k=0$ ]



$$\alpha = \frac{3+i}{5}, \quad \beta = \frac{7-j}{5}$$

Considerare il portale in figura.

Ricavare le reazioni vincolari alle cerniere A e B, con componenti

$$X_A = \{r01\} \cdot F$$

$$Y_A = \{r02\} \cdot F$$

$$X_B = \{r03\} \cdot F$$

$$Y_B = \{r04\} \cdot F$$

orientate come in figura.

Calcolare quindi il momento flettente al punto C, assunto positivo se a fibre tese interne al portale

$$M_{fC} = \{r05\} \cdot (F\ell)$$

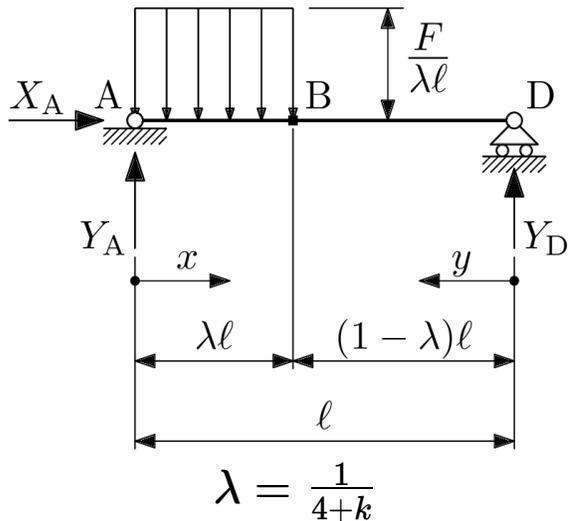
Calcolare infine il valore massimo in modulo

$$M_{f,\max} = \{r06\} \cdot (F\ell)$$

che il momento flettente assume sulla struttura.

[Qui avremmo potuto chiedere anche il valore massimo in modulo che lo **sforzo di taglio** assume sulla struttura, e i valori estremali (massimo trattivo e massimo compressivo) dello **sforzo normale**]

ps. nel ricavare le reazioni vincolari può essere d'aiuto applicare la regola delle tre forze.



Considerare la trave incernierata/appoggiata di figura, caricata su una sua porzione AB da un carico distribuito uniforme di risultante  $F$ . Calcolare le componenti di reazione vincolare

$$X_A = \{r_{07}\} \cdot F, \quad Y_A = \{r_{08}\} \cdot F, \quad Y_D = \{r_{09}\} \cdot F$$

orientate come da figura.

Ricavare quindi l'espressione analitica del momento flettente, positivo se associato a fibre tese inferiori, sul tratto AB in funzione della coordinata  $x \in [0, \lambda \ell]$

$$M_f^{AB} = F \ell \cdot (\{r_{10}\} + \{r_{11}\} \cdot (x/\ell) + \{r_{12}\} \cdot (x/\ell)^2 + \{r_{13}\} \cdot (x/\ell)^3)$$

e l'espressione analitica del momento flettente sul tratto DB in funzione della coordinata  $y \in [0, (1-\lambda)\ell]$

$$M_f^{DB} = F \ell \cdot (\{r_{14}\} + \{r_{15}\} \cdot (y/\ell) + \{r_{16}\} \cdot (y/\ell)^2 + \{r_{17}\} \cdot (y/\ell)^3)$$

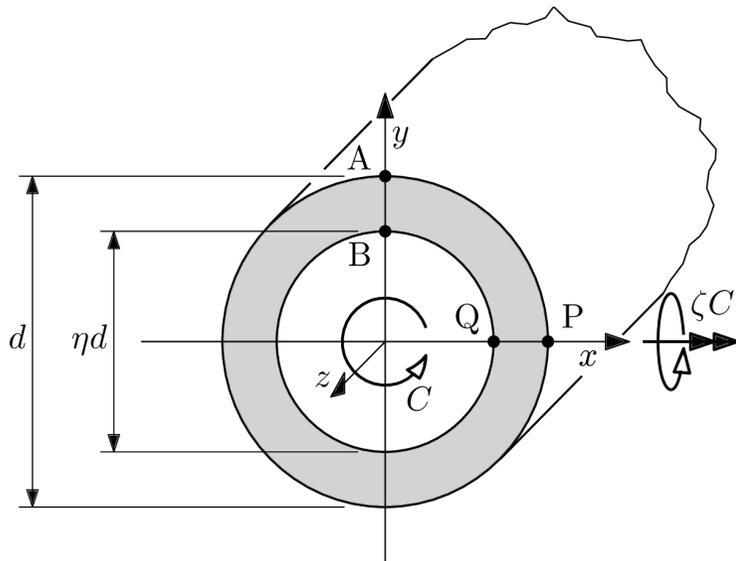
Utilizzare quindi il PLV per calcolare la rotazione - positiva se antioraria - del punto B; a tal scopo considerare una opportuna coppia unitaria esploratrice, e ricavare le espressioni analitiche del momento flettente che questa induce sui due tratti AB e DB come

$$M_f^{AB} = \{r_{18}\} + \{r_{19}\} \cdot (x/\ell), \quad M_f^{DB} = \{r_{20}\} + \{r_{21}\} \cdot (y/\ell)$$

Derivare quindi la suddetta rotazione

$$\theta_B = \{r_{22}\} \cdot (F \ell^2) / (EJ)$$

dove EJ è la rigidezza flessionale della sezione di trave.



$$\eta = \frac{4-i}{5}, \quad \zeta = \frac{3+j}{2-k}$$

Considerare la trave a sezione circolare cava di figura, soggetta ad un momento torcente di entità  $C$ , e ad un momento flettente di entità  $\zeta C$ , con asse momento allineato ad  $x$ . Calcolare le componenti di tensione assiale e tangenziale ai punti A, B, P e Q.

$$\begin{aligned} \sigma_A &= \{r_{23}\} \cdot C/d^3, & \tau_A &= \{r_{24}\} \cdot C/d^3 \\ \sigma_B &= \{r_{25}\} \cdot C/d^3, & \tau_B &= \{r_{26}\} \cdot C/d^3 \\ \sigma_P &= \{r_{27}\} \cdot C/d^3, & \tau_P &= \{r_{28}\} \cdot C/d^3 \\ \sigma_Q &= \{r_{29}\} \cdot C/d^3, & \tau_Q &= \{r_{30}\} \cdot C/d^3 \end{aligned}$$

Calcolare quindi le tensioni principali al punto A,

$$\sigma_1^A = \{r_{31}\} \cdot C/d^3, \quad \sigma_2^A = \{r_{32}\} \cdot C/d^3$$

e al punto P

$$\sigma_1^P = \{r_{33}\} \cdot C/d^3, \quad \sigma_2^P = \{r_{34}\} \cdot C/d^3$$

(l'omessa  $\sigma_3$  è al solito nulla in quanto orientata ortogonalmente alla superficie)